

**UNIVERSITATEA „VASILE ALECSANDRI” DIN BACĂU
FACULTATEA DE INGINERIE**

METODE NUMERICE

AUTOR:

LECT. UNIV. DR. MURARU CARMEN-VIOLETA

AN UNIVERSITAR 2011 – 2012

CUPRINS

| | |
|---|----|
| Curs 1 <i>Elemente de teoria aproximării</i> | 3 |
| 1.1 Introducere..... | 3 |
| 1.2 Spații liniare. Definiții și notații..... | 6 |
| 1.3 Probleme numerice. | 8 |
| Curs 2. <i>Teoria erorilor</i> | 10 |
| 2.1 Sursele și clasificarea erorilor..... | 10 |
| 2.2 Măsuri ale erorii | 12 |
| 2.3 Propagarea erorilor de calcul | 15 |
| CURS 3 <i>Rezolvarea numerică a ecuațiilor neliniare</i> | 20 |
| 3.1 Introducere | 20 |
| 3.2 Metode iterative de rezolvare a ecuațiilor neliniare..... | 24 |
| 3.2.1 <i>Metoda iterativă Newton (metoda tangentei)</i> | 24 |
| CURS 4 | 32 |
| 4.1 <i>Metoda secantei</i> | 32 |
| 4.2 <i>Metoda înjumătățirii intervalului (bisecției)</i> | 38 |
| 4.3 <i>Metoda punctului fix</i> | 45 |
| CURS 5 <i>Rezolvarea sistemelor de ecuații liniare</i> | 51 |
| 5.1 Aspecte generale..... | 51 |
| 5.2 Metode directe de rezolvare a sistemelor liniare. | |
| Metoda eliminării gaussiene..... | 54 |
| CURS 6 | 61 |
| 6.1 Condiționarea unei sisteme de ecuații liniare..... | 63 |
| 6. 2 Rezolvarea sistemelor de ecuații liniare. Metode iterative..... | 68 |
| 6.2.1 <i>Metoda iterativă Jacobi</i> | 69 |
| 6.2.2 <i>Metoda Gauss-Seidel</i> | 73 |
| CURS 7 <i>Aproximarea funcțiilor prin polinoame</i> | 84 |
| 7.1 Introducere..... | 84 |
| 7.2 Polinoame de interpolare..... | 85 |

| | |
|---|-----|
| <i>7.2.1 Interpolarea polinomială Lagrange.....</i> | 85 |
| <i>7.2.2 Evaluarea restului la interpolarea Lagrange. Polinoame Cebâsev.....</i> | 89 |
| <i>7.2.3 Metoda lui Aitken.....</i> | 94 |
| Curs 8 Interpolare Newton | 100 |
| 8.1 Diferențe divizate..... | 100 |
| 8.2 Diferențe finite..... | 102 |
| 8.3 Interpolare Newton..... | 108 |
| <i>8.3.1 Polinomul de interpolare Newton cu diferențe divizate.....</i> | 108 |
| <i>8.3.2 Polinomul Newton de interpolare de speță I (ascendent).....</i> | 110 |
| <i>8.3.3 Polinomul Newton de interpolare de speță II (descendent).....</i> | 111 |
| CURS 9 Valori și vectori proprii..... | 116 |
| 9.1 Introducere..... | 116 |
| 9.2 Metoda Jacobi de determinare a valorilor și vectorilor proprii..... | 119 |
| CURS 10 Integrare numerică..... | 127 |
| 10.1 Formula dreptunghiurilor pentru calculul aproximativ al integralei..... | 130 |
| 10.2 Formula trapezelor pentru calculul integralei..... | 136 |
| Bibliografie | 147 |